



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Сахалинский государственный университет»

Кафедра информатики

УТВЕРЖДАЮ

Руководитель основной профессиональной
образовательной программы


Осипов Г.С.
"22"  2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Дисциплины

Б1.О.20 «Теория вероятностей и математическая статистика»

Уровень высшего образования
БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика

профиль
Системное программирование и компьютерные технологии

Квалификация
Бакалавр

Форма обучения
очная

РПД адаптирована для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов


Южно-Сахалинск
2025

Рабочая программа дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.03.02 «Прикладная математика и информатика».

Программу составил:

Чуванова Г.М., старший преподаватель кафедры математики 

Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры математики, протокол № 9 от «20» мая 2025 г.

Заведующий кафедрой математики  Самсикова Н. А.

© ФГБОУ ВО «СахГУ»

1. Цели и задачи дисциплины

Цель дисциплины: корректное использование математического аппарата и прикладных методов теории вероятностей и математической статистики в последующей профессиональной деятельности.

Задачи дисциплины:

- 1) усвоить математический аппарат теории вероятностей;
- 2) овладеть основными методами решения задач из курса теории вероятностей и математической статистики;
- 3) овладеть основными методами статистической обработки результатов массовых наблюдений.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Теория вероятностей и математическая статистика является обязательной дисциплиной блока дисциплин Б1 ОПОП направления 01.03.02 «Прикладная математика и информатика», профиль «Системное программирование и компьютерные технологии».

Пререквизиты дисциплины: Математический анализ, Алгебра и аналитическая геометрия, Физика.

Постреквизиты дисциплины: Компьютерные сети и телекоммуникации, Методы оптимизации, Компьютерное моделирование.

3. Формируемые компетенции и индикаторы их достижения по дисциплине

Код компетенции	Содержание компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 Знать базовые понятия, полученные в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий. ОПК-1.2 Уметь фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности. ОПК-1.3. Владеть навыками применения фундаментальных знаний, полученных в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.

4. Структура и содержание дисциплины

4.1. Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единиц, 108 часов.

Вид учебной работы	Трудоемкость, акад. часов
	Всего по уч. плану (5 семестр)
Общая трудоемкость	108
Контактная работа:	40
Лекции (Лек)	18

Практические занятия (ПЗ)	18
Контактная работа в период теоретического обучения (Конт ТО)	4
Контактная работа в период промежуточной аттестации (Конт ПА)	-
Промежуточная аттестация (зачет)	
Самостоятельная работа: - выполнение индивидуальных заданий; - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - подготовка к практическим занятиям; - написание реферата; - подготовка к аттестации.	68
Виды промежуточного контроля (зачет с оценкой, зачет)	зачет

4.2. Распределение видов работы и их трудоемкости по разделам дисциплины

№ п/п	Раздел дисциплины / тема	семестр	Виды учебной работы (в часах)			Формы текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации
			контактна я		Самостоятельная работа	
			Лекции	Практические занятия		
1	Формулы комбинаторики и классическая вероятность	5	2	1	4	Практическое самостоятельное задание
2	Аксиоматика теории вероятностей и основные формулы	5	3	1	4	Практическое самостоятельное задание
3	Независимые испытания	5	2	1	4	Практическое самостоятельное задание
4	Дискретные случайные величины	5	2	2	4	Практическое самостоятельное задание
5	Непрерывные случайные величины	5	2	1	5	Практическое самостоятельное задание
6	Двумерные случайные величины	5	2	1	5	Практическое самостоятельное задание
7	Предельные теоремы	5	3	1	4	Практическое самостоятельное задание
8	Случайные процессы	5	2	1	4	Практическое самостоятельное задание
9	Метод статистических испытаний	5		1	4	Практическое самостоятельное задание
10	Основные виды распределений в статистике	5		1	4	Практическое самостоятельное задание
11	Точечные статистические оценки и	5		1	4	Практическое

	методы их построения					самостоятельное задание
12	Доверительные интервалы	5		1	4	Практическое самостоятельное задание
13	Статистические гипотезы	5		2	5	Практическое самостоятельное задание
14	Критерии согласия	5		1	4	Практическое самостоятельное задание
15	Элементы дисперсионного анализа	5		1	4	Практическое самостоятельное задание
16	Элементы корреляционного и регрессионного анализа	5		1	5	Практическое самостоятельное задание
	Зачет (итоговая аттестация)					Зачет по билетам
	итого		18	18	68	

4.3. Содержание разделов дисциплины

1. Формулы комбинаторики и классическая вероятность. Испытания и события, виды случайных событий. Классическое определение вероятности. Основные понятия и формулы комбинаторики, схемы подсчета возможных комбинаций. Относительная частота и ее устойчивость. Геометрический подход к определению вероятности.

2. Аксиоматика теории вероятностей и основные формулы. Теоретико-множественная трактовка случайного события, аксиоматическое определение вероятности. Вероятностное пространство случайного эксперимента. Свойства вероятностей. Формулы сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность. Вероятность появления хотя бы одного события. Формула полной вероятности. Вероятность гипотез и формулы Байеса.

3. Независимые испытания. Формула Бернулли. Теорема Пуассона. Локальная теорема Лапласа. Интегральная теорема Лапласа. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.

4. Дискретные случайные величины. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Геометрическое распределение. Гипергеометрическое распределение. Математическое ожидание дискретных случайных величин. Свойства и вероятностный смысл математического ожидания. Отклонение от ее математического ожидания. Дисперсия случайной величины и ее свойства. Математическое ожидание и дисперсия числа появлений события в независимых испытаниях. Среднее квадратическое отклонение. Начальные и центральные теоретические моменты.

5. Непрерывные случайные величины. Функции распределения и ее свойства. Функция плотности распределения, ее свойства и вероятностный смысл. Вероятность попадания непрерывной случайной величины в заданный интервал. Нахождение функции распределения по известной плотности распределения. Числовые характеристики непрерывных случайных величин и их свойства. Закон равномерного распределения вероятностей. Нормальное распределение. Вероятность попадания в заданный интервал и вероятность заданного отклонения для нормальной величины, правило трех сигм. Оценка отклонения теоретического отклонения от нормального, асимметрия и эксцесс.

Показательное распределение. Числовые характеристики показательного распределения. Вероятность попадания в заданный интервал. Функция надежности и показательный закон надежности. Функция одного случайного аргумента и ее распределение. Математическое ожидание функции одного случайного аргумента.

6. Двумерные случайные величины. Закон совместного распределения вероятностей, функция совместного распределения и ее свойства. Плотность совместного распределения, ее свойства и вероятностный смысл. Вероятность попадания в область. Нормальный закон на плоскости. Функция распределения и плотность вероятности составляющих двумерной случайной величины. Условные законы распределения составляющих для системы дискретных и для системы непрерывных величин. Условные законы распределения и условное математическое ожидание. Зависимость случайных величин. Корреляционный момент и коэффициент корреляции. Линейная регрессия. Прямые линии среднеквадратической регрессии. Линейная корреляция.

7. Предельные теоремы. Неравенства Маркова и Чебышева. Неравенство Колмогорова, закон больших чисел. Центральная предельная теорема. Следствия и приложения.

8. Случайные процессы. Понятие случайного процесса. Марковское свойство и марковский процесс. Цепи Маркова с конечным числом состояний и дискретным временем. Переходные вероятности и матрицы перехода. Эргодические цепи и стационарные распределения. Цепи Маркова с непрерывным временем.

9. Метод статистических испытаний. Математическая идея метода статистических испытаний. Оценка погрешности. Случайные числа. Разыгрывание дискретных случайных величин. Разыгрывание непрерывных случайных величин методами обратной функции и Неймана. Приближенное разыгрывание нормальной величины. Примеры расчетов методом статистических испытаний.

10. Основные виды распределений в статистике. Квантили, проценти и критические точки. Бета- и гамма- функции. Распределение χ^2 . Распределение Стьюдента. Распределение Фишера. Гамма-распределение. Бетта-распределение. Теорема Фишера.

11. Точечные статистические оценки и методы их построения. Задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности, репрезентативность, эмпирическая функция распределения, теорема Гливенко-Кантелли. Основные выборочные характеристики и точечные оценки. Статистическая устойчивость основных выборочных характеристик. Асимптотически нормальный характер основных выборочных характеристик. Эффективность оценок. Неравенство Рао-Фреше-Крамера. Метод моментов. Метод максимального правдоподобия: дискретный, непрерывный и нерегулярный случаи. Метод наименьших квадратов.

12. Доверительные интервалы. Основные определения. Точные доверительные интервалы. Оценки для математического ожидания и среднего квадратического отклонения нормального распределения. Асимптотические доверительные интервалы. Интервальная оценка коэффициента корреляции.

13. Статистические гипотезы. Задача проверки статистических гипотез. Основные определения. Ошибки первого и второго рода, уровень значимости и мощность критерия. Критерий отношения правдоподобия. Проверка гипотез для одной выборки в предположении о нормальном распределении (при известном σ и при неизвестном σ).

Проверка гипотез для двух независимых выборок в предположении о нормально распределении. Проверка гипотез для двух зависимых выборок (парные наблюдения).

14. Критерии согласия. Критерий согласия χ^2 Пирсона и Фишера. Проверка гипотез для двух и более выборок. Критерий согласия Колмогорова.

15. Элементы дисперсионного анализа. Понятие о дисперсионном анализе, задача сравнения нескольких средних. Общая, факторная и остаточная дисперсии. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа. Случай различного объема групп на разных уровнях фактора. Элементы многофакторного дисперсионного анализа. Сравнение с методом парных сравнений групп.

16. Элементы корреляционного и регрессионного анализа. Основные положения регрессионного анализа. Парная регрессионная модель. Интервальная оценка функции регрессии, проверка значимости уравнения регрессии. Нелинейная регрессия. Множественный регрессионный анализ. Выборочная оценка корреляционной матрицы. Доверительные интервалы для коэффициентов и функции регрессии. Оценка взаимосвязи переменных и проверка уравнения регрессии.

Формы контроля: выполнение индивидуальных практических заданий.

4.4. Темы и планы практических занятий

1. Классическая вероятность и геометрическая вероятность
2. Аксиоматика, свойства вероятности и основные формулы)
3. Независимые испытания
4. Законы распределения и характеристики дискретных случайных величин
5. Законы распределения и характеристики непрерывных случайных величин
6. Совместное распределение случайных величин, условные законы, корреляция
7. Задачи на предельные теоремы
8. Марковские процессы
9. Метод статистических испытаний
10. Задачи на применение свойств гамма- и бета-функций, законов распределения основных статистик
11. Задачи на построение и оценку выборочных статистик
12. Задачи на построение доверительных интервалов, оценку их точности и определение требуемого объема выборки
13. Задачи на проверку статистических гипотез, оценку ошибки второго рода, планирование выборки, выработку решающего правила
14. Задачи на применение критериев согласия
15. Задачи на применение методов дисперсионного анализа
16. Задачи на применение методов регрессионного анализа

Пример занятия. Занятие 2. Аксиоматика, свойства вероятности и основные формулы

1. Докажите следующие свойства вероятности: а) $P(\emptyset) = 0$; б) $\forall A \in S \Rightarrow P(A) \in [0; 1]$; в) $\forall A_1, A_2, \dots, A_n \in S: A_i \cap A_j = \emptyset (i \neq j) \wedge \bigcup_{i=1}^n A_i = \Omega \Rightarrow \sum_{i=1}^n P(A_i) = 1$; г) $\forall A, B \in S: A \subseteq B \Rightarrow P(A) \leq P(B)$.

2. Вероятности появления каждого из двух независимых событий A_1 и A_2 соответственно равны p_1 и p_2 . Найти вероятность появления только одного из этих событий.

3. Сколько надо бросить игральных костей, чтобы с вероятностью, меньшей 0,3, можно было ожидать, что ни на одной из выпавших граней не появится шесть очков?

4. Из n экзаменационных билетов студент A подготовил только m ($m < n$). В каком случае вероятность вытащить на экзамене «хороший» для него билет выше: когда он берет наудачу билет первым, или вторым, ..., или -м ($k < n$) по счету из сдающих экзамен?

5. В одной урне 5 белых и 6 черных шаров, а в другой — 4 белых и 8 черных шаров. Из первой урны случайным образом вынимают 3 шара и опускают во вторую урну. После этого из второй урны также случайно вынимают 4 шара. Найти вероятность того, что все шары, вынутые из второй урны, белые.

6. Зависимость завтрашней погоды от погоды сегодняшней выражена следующей таблицей (модельная зависимость). Будем считать, что погода, которая может быть завтра, зависит от сегодняшней погоды и не зависит от погоды, которая была вчера и во все предшествующие дни. Определить:

а) вероятность дождя послезавтра, если сегодня солнечно;

б) вероятность того, что вчера был дождь, если позавчера было солнечно, а сегодня облачно.

		Завтра		
		Солнечно	Облачно	Дождь
Сегодня	Солнечно	0,5	0,3	0,2
	Облачно	0,4	0,3	0,3
	Дождь	0,2	0,5	0,3

7. Некоторый эксперимент независимо повторяют 3 раза, ожидая осуществление события A , имеющего постоянную вероятность p . Определите вероятность того, что A наступит ровно 1 раз, 2 раза, 3 раза, ни одного раза. Чему равна сумма этих вероятностей?

8. Пусть в отдельное испытание в задаче 6 может завершиться осуществлением одного из трех событий A , B , C (полная группа несовместных событий, имеющих вероятности p_1 , p_2 и p_3 соответственно). Определите вероятность того, что серия из четырех испытаний завершится осуществлением события A — 2 раза, событий B и C — по одному разу.

Указания по выполнению заданий:

1) задание на доказательство выполняется путем вывода требуемого утверждения из трех аксиом вероятности;

2) задачи, требующие применения основных формул элементарной теории вероятностей, рекомендуется начать с введения последовательных обозначений.

5. Темы дисциплины для самостоятельного изучения

1. Занимательные вероятностные парадоксы.
2. Предельные теоремы и их доказательство.
3. Многомерные случайные величины.
4. Случайные процессы.
5. Вероятностные модели в задачах практики.
6. Вероятность в теории информации.
7. Логистическая регрессия.
8. Многофакторный дисперсионный анализ.

9. Метод главных компонент в статистике.

10. Факторный анализ.

6. Образовательные технологии

В процессе преподавания дисциплины используются как классические формы и методы обучения (лекции, практические занятия), так и интерактивные методы обучения.

Интерактивные формы обучения: технология проблемного обучения, технология учебного исследования, работа в малых группах, дискуссия.

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательная технология
1.	Формулы комбинаторики и классическая вероятность	Лекционное занятие Практическое занятие Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
2.	Аксиоматика теории вероятностей и основные формулы	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
3.	Независимые испытания	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
4.	Дискретные случайные величины	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
5.	Непрерывные случайные величины	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
6.	Двумерные случайные величины	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа

			с обучающимися, консультирование
7.	Предельные теоремы	Лекционное занятие Практические занятия Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
8.	Случайные процессы	Лекционное занятие Практическое занятие Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
9.	Метод статистических испытаний	Лекционное занятие Практическое занятие Самостоятельная работа	Проблемная лекция, практическое занятие с фронтальной работой, дискуссией, работой в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
10.	Основные виды распределений в статистике	Практическое занятие Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
11.	Точечные статистические оценки и методы их построения	Практическое занятие Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
12.	Доверительные интервалы	Практические занятия Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
13.	Статистические гипотезы	Практические занятия Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
14.	Критерии согласия	Практические занятия Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися,

			консультирование
15.	Элементы дисперсионного анализа	Практические занятия Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование
16.	Элементы корреляционного и регрессионного анализа	Практические занятия Самостоятельная работа	Интерактивное практическое занятие, фронтальная работа, дискуссия, работа в малых группах, индивидуальная работа с обучающимися, консультирование

7. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по дисциплине

Индивидуальные практические задания

Задание 1. Комбинаторика и классическая вероятность (примеры заданий)

1. Какова вероятность того, что в тщательно перетасованной колоде (54 карты) оба джокера окажутся рядом (будут лежать один под другим)?

2. Брошены две игральные кости. Найти вероятность следующих событий: а) сумма выпавших очков равна семи; б) сумма выпавших очков равна восьми, а разность – четырем; в) сумма выпавших очков равна восьми, если известно, что их разность равна четырем.

3. В коробке 5 синих, 4 красных и 3 зеленых карандаша. Наудачу вынимают 3 карандаша. Какова вероятность того, что: а) все они одного цвета; б) все они разных цветов; в) среди них 2 синих и 1 зеленый карандаш.

Методические указания: приступая к решению, проанализировать пространство элементарных событий, сформулировать вопрос задачи в терминах случайных событий; при подсчете числа возможных комбинаций использовать формулы комбинаторики.

Задание 2. Формулы теории вероятностей (примеры заданий)

1. Двое осуществляют связь по каналу с сильными помехами, используя двоичный код. Первый передает код в виде трех сигналов (трехзначное двоичное число). Второй, получив сигнал, отвечает тем же кодом, который только что принял. Определить вероятность прямой и обратной передачи без ошибок, а также вероятность получения первым в точности того же кода, который он передавал второму, если искажение отдельных сигналов происходит независимо и с вероятностью 0,43.

2. Сколько надо бросить игровых костей, чтобы с вероятностью, меньшей 0,3, можно было ожидать, что ни на одной из выпавших граней не появится шесть очков?

3. Зависимость завтрашней погоды от погоды сегодняшней выражена следующей таблицей (модельная зависимость). Будем считать, что погода, которая может быть завтра, зависит от сегодняшней погоды и не зависит от погоды, которая была вчера и во все предшествующие дни. Определить: а) вероятность дождя послезавтра, если сегодня солнечно; б) вероятность того, что вчера был дождь, если позавчера было солнечно, а сегодня облачно.

		Завтра		
		Солнечно	Облачно	Дождь
Сегодня	Солнечно	0,5	0,3	0,2
	Облачно	0,4	0,3	0,3
	Дождь	0,2	0,5	0,3

Методические указания: при решении задач использовать основные формулы (вероятность суммы и произведения событий, вероятности противоположных событий), формулы полной вероятности и Байеса.

Задание 3. Независимые испытания (примеры заданий)

1. Вероятность того, что в партии из 8 изделий имеется хотя бы одно бракованное, составляет 57%. Найти вероятность того, что в партии не более одного бракованного изделия.

2. Фирма раскладывает рекламные листки по почтовым ящикам. Опыт работы показывает, что примерно в одном случае из двух тысяч следует заказ. Найти вероятность того, что при размещении 100 тысяч листов число заказов будет: а) равно 48; б) находиться в границах от 45 до 55.

3. Вероятность того, что случайно взятая деталь окажется второго сорта, равна $3/8$. Сколько нужно взять деталей, чтобы с вероятностью, равной 0,995, можно было ожидать, что доля деталей второго сорта отклонится от вероятности менее, чем на 0,01?

Методические указания: в задачах, где $n > 30$, использовать асимптотические формулы из теорем Пуассона и Муавра-Лапласа.

Задание 4. Дискретные случайные величины (примеры заданий)

1. Известны все возможные значения дискретной случайной величины X : $x_1 = 0$, $x_2 = 1$, $x_3 = 2$. Найти вероятности, соответствующие возможным значениям величины X , если известно, что $M(X) = 0,9$ и $M(X^2) = 1,3$.

2. Прибор комплектуется из двух деталей. Вероятность брака для первой детали – 0,1, а для второй – 0,05. Выбрано 4 прибора. Прибор считается бракованным, если в нем есть хотя бы одна бракованная деталь. Построить закон распределения для числа бракованных приборов среди выбранных 4 приборов.

3. Устройство состоит из большого числа независимо работающих элементов с одинаковой (очень малой) вероятностью отказа каждого элемента за время t . Найти среднее число отказавших за указанное время элементов, если вероятность того, что за это время что-либо откажет (хотя бы один элемент), равна 0,95.

Методические указания: при решении задач использовать определения основных характеристик дискретных случайных величин (и их статистический смысл).

Задание 5. Непрерывные случайные величины (примеры заданий)

1. Пассажир приходит в случайный момент на остановку, где может сесть на автобус или троллейбус (смотря что придет раньше). Автобус ходит с интервалами в 15 минут, троллейбус – 10 минут (независимо один от другого, оба времени распределены по равномерному закону). Найти функцию распределения времени ожидания и его среднее значение.

2. Плотность распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} C(x+1)^{-3/2}, & x \geq 0, \\ 0, & x < 0. \end{cases}$$

Вычислить константу C , функцию распределения $F(x)$, математическое ожидание $M(X)$, дисперсию $D(X)$ и вероятность $P\left(\left|X - \frac{1}{3}\right| < 1\right)$.

3. Цена некоторой ценной бумаги нормально распределена. В течение последнего года 20% рабочих дней она была ниже 88 у. е., а 75% — выше 90 у. е. Найти: а) математическое ожидание и стандартное отклонение цены ценной бумаги; б) вероятность того, что в день покупки цена будет заключена в пределах от 83 до 96 у. е.; в) с надежностью 95% определить максимальное отклонение цены ценной бумаги от среднего значения (прогнозного) по абсолютной величине.

Методические указания: в задачах на непрерывные случайные величины часто полезно использовать определение функции распределения вероятностей $F_X(x) = P(X < x)$, а также основное свойство функции плотности вероятности $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = 1$.

Задание 6. Двумерные случайные величины (примеры заданий)

1. Двумерная случайная величина (X, Y) распределена по закону $f(x, y) = \frac{A}{1+x^2+x^2y^2+y^2}$. Найдите: а) коэффициент A ; б) вероятность попадания в квадрат с центром в начале координат и сторонами, параллельными осям координат и имеющими длину 2; в) выражения для плотностей составляющих (являются ли составляющие зависимыми случайными величинами?).

2. Совместный закон распределения пары (X, Y) задан таблицей.

$X \backslash Y$	0	1	2
-1	1/9	1/6	1/3
1	1/9	1/18	2/9

Найти закон распределения вероятностей случайной величины $X + Y$ и вычислить $\mu_{(2y+x)(y+x)}$. Исследовать вопрос о зависимости случайных величин X и Y .

3. Совместная плотность двумерной случайной величины (X, Y) имеет вид:

$$f(x, y) = \begin{cases} C(x^2 + xy + y^2) & \text{при } 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, \\ 0 & \text{в остальных случаях.} \end{cases}$$

Найдите: а) постоянную C ; б) плотности одномерных составляющих; в) условные плотности составляющих; г) характеристики $M(X)$, $M(Y)$, $D(X)$, $D(Y)$; д) r_{xy} .

Методические указания: при решении задач использовать определения и теоремы, рассмотренные в соответствующей лекции; в задаче 2 используйте свойства ковариации случайных величин.

Задание 7. Предельные теоремы (примеры заданий)

1. Средний размер вклада в отделении банка равен 6000 руб. Оценить вероятность, что случайно взятый вклад не превысит 10 000 руб.

2. По статистическим данным в среднем 87% новорожденных доживают до 50 лет. С помощью неравенства Чебышева оценить вероятность того, что из 1000 новорожденных доля доживших до 50 лет будет отличаться от вероятности этого события не более чем на 0,04 (по абсолютной величине).

3. В целях контроля из партии в 100 ящиков взяли по одной детали из каждого ящика и измерили длину. Требуется оценить вероятность того, что вычисленная по

данным выборки средняя длина детали отличается от средней длины детали во всей партии не более чем на 0,3 мм, если известно, что среднее квадратическое отклонение не превышает 0,8 мм.

Методические указания: при решении задач использовать формулы, рассмотренные в соответствующей лекции.

Задание 8. Случайные процессы (примеры заданий)

1. Трудоспособное население (постоянной численности) делится на работающих и безработных. Вероятность потерять работу в течение месяца составляет 2%, а вероятность ее найти — 16%. Определить стационарный уровень безработицы. Во сколько раз сократится доля безработных, если благодаря госпрограмме вероятность найти работу в течение месяца увеличится в двое?

2. Машина состоит из трех узлов, каждый из которых отказывает с интенсивностью $\lambda = 2$. Интенсивность восстановления отказавшего узла равна $\mu = 3$. Найти стационарное распределение числа работающих узлов.

3. Машина состоит из трех узлов. Среднее время безотказной работы каждого узла составляет 20 часов, а среднее время ремонта узла — 5 часов. Найти среднюю производительность машины, если при трех работающих узлах она равна 100%, при двух — 50%, а при одном или менее машина вообще не работает.

Методические указания: решение задач начать с изображения схемы (графа) состояний; в задаче 1 можно воспользоваться моделированием в Excel.

Задание 9. Метод статистических испытаний (примеры заданий)

1. Запишите явную формулу для разыгрывания показательной случайной величины с параметром $\lambda = 2$ и разыграйте 5 значений.

2. Выведите формулу для разыгрывания значений случайной величины, заданной в интервале $(0; \frac{1}{8})$ плотностью вероятности $f(x) = \frac{10}{(1+2x)^2}$, и разыграйте 5 возможных значений.

3. Выведите формулу для разыгрывания случайной величины, заданной функцией распределения $F(x) = 1 - \frac{1}{7}(e^{-x} + 2e^{-2x} + 4e^{-3x})$, $x > 0$.

Методические указания: при решении задач типа 1-2 достаточно помнить определения $F(x)$ и $f(x)$, а в задачах типа 3 необходимо воспользоваться методом суперпозиции.

Задание 10. Выборочный метод. Точечные оценки (примеры заданий)

1. Считая, что генеральная совокупность распределена непрерывно и равномерно на интервале $(0; 12)$, запишите плотности распределения $f_{x_{\min}}(x)$ и $f_{x_{\max}}(x)$ крайних членов вариационного ряда для выборки объемом $n = 5$.

2. Пусть $x_1, x_2, \dots, x_n, y_1, y_2, \dots, y_m$ — случайные выборки объема n и m из нормально распределенной генеральной совокупности $N(a, \sigma^2)$ с исправленными выборочными дисперсиями s_x^2 и s_y^2 . Докажите, что выборочная характеристика

$$s_{x,y}^2 = \frac{1}{n+m-2} \left((n-1)s_x^2 + (m-1)s_y^2 \right)$$

является несмещенной оценкой теоретической дисперсии σ^2 .

3. Даны результаты 8 независимых измерений одной и той же величины (длины протяжки) прибором, не имеющим систематических ошибок: 369, 378, 315, 420, 385, 401, 372, 383 см. Определить несмещенную дисперсию ошибок измерения, если: а) номинальная длина протяжки неизвестна; б) номинальная длина протяжки известна и равна 375 см.

Методические указания: приступая к решению задач, повторите материал соответствующей лекции.

Задание 11. Основные виды распределений в статистике (примеры заданий)

1. Пусть $\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_n$ и $\eta_1, \eta_2, \dots, \eta_m$ — независимые нормально распределенные случайные величины: $\xi_i \sim N(0, \sigma^2)$ и $\eta_j \sim N(0, \sigma^2)$. Найдите закон распределения следующей случайной величины: $\gamma = \frac{(1/n) \sum \xi_i^2}{(1/m) \sum \eta_j^2}$.

2. Докажите, что в случае нормального распределения $N(a, \sigma^2)$ выборочная дисперсия (неисправленная) имеет дисперсию $D(\sigma_B^2) = \frac{2\sigma^4(n-1)}{n^2}$.

3. Докажите, что сумма двух независимых χ^2 -распределенных случайных величин подчиняется распределению χ^2 , причем $\chi_n^2 + \chi_m^2 = \chi_{n+m}^2$.

Методические указания: при решении задач полезно обратиться к определениям и теоремам, рассмотренным на лекциях.

Задание 12. Методы построения оценок (примеры заданий)

1. Найдите методом моментов оценку параметра θ ($\theta > 0$) для геометрического распределения с вероятностью «успеха» $p = \frac{1}{1+\theta}$ и докажите несмещенность найденной оценки.

2. Найдите методом максимального правдоподобия оценку параметра θ ($\theta > 0$) для геометрического распределения с вероятностью «успеха» $p = \frac{1}{1+\theta}$ и докажите несмещенность найденной оценки.

3. Найдите методом моментов оценки параметров θ и μ ($\theta, \mu > 0$) для сдвинутого показательного распределения $f(x; \theta, \mu) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x-\mu}{\theta}}, x > \mu$.

Методические указания: перед решением задач повторите материал соответствующей лекций.

Задание 13. Доверительные интервалы (примеры заданий)

1. Постройте асимптотический доверительный интервал для вероятности успеха p в n испытаниях Бернулли, учитывая, что относительная частота $w \xrightarrow{\epsilon} N(p, \frac{p(1-p)}{n})$ при $n \rightarrow \infty$.

2. Для отрасли, включающей 1200 фирм, составлена случайная выборка из 19 фирм. По выборке оказалось, что в фирме в среднем работают $\bar{x} = 77,5$ человек при среднем квадратическом отклонении $s = 25$ человек. Пользуясь 95%-м доверительным интервалом, оцените среднее число работающих в фирме по всей отрасли и общее число работающих в отрасли. (Предполагается, что число работников в фирме имеет нормальное распределение.)

3. Найти минимальный объем выборки, при котором с надежностью 0,975 точность оценки математического ожидания a по выборочному среднему равна $\delta = 0,3$, если известно среднее квадратическое отклонение $\sigma = 1,2$ нормальной генеральной совокупности.

Методические указания: при решении задач использовать теоретические результаты для доверительных интервалов, полученные на лекции.

Задание 14. Проверка статистических гипотез (примеры заданий)

1. По выборке объема $n = 9$, извлеченной из нормальной генеральной совокупности с известным $\sigma = 4$, на уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверяется основная гипотеза $H_0: a = a_0 = 15$. Требуется: а) найти мощность критерия для проверки $H_1: a = a_1 = 17$; б) найти объем выборки n_1 , при котором мощность критерия равна 0,8.

2. В таблице представлены сгруппированные данные о расходе сырья на одно изделие для двух различных технологий изготовления.

Показатель	Старая технология			Новая технология			
	304	307	308	303	304	306	308
Число изделий	1	4	4	2	6	4	1

В предположении, что расход сырья как при старой, так и при новой технологии имеет нормальное распределение, выяснить, влияет ли изменение технологии на средний расход сырья на одно изделие. Принять $\alpha = 0,1$.

3. Из 100 выстрелов по цели каждым из двух орудий зарегистрировано соответственно $m_1 = 12$ и $m_2 = 8$ промахов. На уровне значимости 0,05 проверить нулевую гипотезу $H_0: p_1 = p_2$ о равенстве вероятностей промаха орудий при конкурирующей гипотезе: $H_1: p_1 \neq p_2$.

Методические указания: при решении задач использовать классические критерии и полученные для них формулы.

Задание 15. Критерии согласия (примеры заданий)

1. Проведено исследование посещаемости популярного Интернет-сайта. В таблице ниже приведены данные о распределении числа посетителей по часам (наблюдение велось в течение длительного времени).

Число посетителей	Часы	Число посетителей	Часы
0	57	7	139
1	203	8	45
2	383	9	27
3	525	10	10
4	532	11	4
5	408	12	1
6	273	14	1

На уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверить гипотезу о том, что посещаемость сайта можно описать распределением Пуассона.

2. В следующей таблице представлены данные о месячных доходах жителей некоторого региона ($n = 1000$).

x_i	<500	500...1000	1000...1500	1500...2000	2000...2500	>2500
n_i	58	96	239	328	147	132

На уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверить гипотезу, что доходу жителей региона можно описать нормальным распределением.

3. За 6 рабочих дней спрос на некоторый товар составлял: 104, 80, 96, 120, 113, 82 кг. На уровне значимости $\alpha = 0,1$ проверить гипотезу о том, что спрос распределен равномерно в интервале (75; 125).

Методические указания: при решении задач использовать критерий χ^2 -Фишера и критерий Колмогорова.

Задание 16. Корреляционный и дисперсионный анализ (примеры заданий)

1. Найдите выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X по данным следующей таблицы:

Y	X					n_y
	20	25	30	35	40	
16	4	6				10
26		8	10			18
36			32	3	9	44
46			4	12	6	22
56				1	5	6
n_x	4	14	46	16	20	$n = 100$

2. Найдите выборочное уравнение квадратичной регрессии по данным следующей таблицы:

Y	X			n_y
	0	4	5	
1	50	5	1	56
35		44		44
50		5	45	50
n_x	50	54	46	$n = 150$

3. Произведено 14 испытаний на различных уровнях фактора, результаты испытаний приведены в таблице.

№ п/п	Уровни фактора				
	1	2	3	4	5
1	7,3	5,4	6,4	7,9	7,1
2	7,6	7,1	8,1	9,5	
3	8,3	7,4		9,6	
4	8,3				
5	8,4				
\bar{x}_j	7,98	6,63	7,25	9,0	7,1

Считая выборки извлеченными из нормальных совокупностей с равными дисперсиями, проверьте гипотезу о равенстве групповых средних (на уровне значимости 0,05).

Методические указания: при решении задач 1-2 использовать рассмотренные на лекции алгоритмы нахождения прямой и квадратической линий регрессии; в задаче 3 применить однофакторный дисперсионный анализ.

Темы рефератов и докладов

1. Парадокс дней рождения (визуализация, вероятностный анализ и интерпретация).
2. Парадокс Монти-Холла (визуализация, вероятностный анализ и интерпретация).

3. Парадокс нетранзитивных костей (визуализация, вероятностный анализ и интерпретация).
4. Пример наивного байесовского классификатора (на примере классификации документов или фильтрации СПАМА с подробными вычислениями и комментариями).
5. Игра без среднего выигрыша, Санкт-Петербургский парадокс (визуализация, вероятностный анализ и интерпретация).
6. Ошибки первого и второго рода при статистической обработке данных (с примерами ситуаций, на модельных данных).
7. Проблема оценки ошибки второго рода и планирование эксперимента (пример вычисления требуемого объема выборки).
8. Типичные ошибки в статистических исследованиях (с примерами модельных данных, неправильной и правильной интерпретации данных и результатов).
9. Парадокс Симпсона и его роль в понимании и интерпретации результатов статистики.
10. Историческая справка об ученом на выбор с обязательной привязкой к доказательству важных теорем вероятности или открытию известных законов распределения.

Критерии оценки:

высокий балл (10-15 баллов) выставляется за полное раскрытие темы, при условии хорошо подготовленного выступления с презентацией, грамотного и четкого ответа на вопросы преподавателя и слушателей;

средний балл (5-10 баллов) выставляется при наличии нераскрытых вопросов, отсутствие презентации, неточности при ответе на вопросы преподавателя и слушателей;

низкий балл (<5 баллов) выставляется при наличии явных недочетов в раскрытии основных вопросов темы, отсутствие ответа на вопросы преподавателя и слушателей.

Вопросы к зачету

1. Случайные события и классическое определение вероятности.
2. Частотная интерпретация вероятности, статистическое определение.
3. Геометрическая вероятность.
4. Алгебра событий и аксиоматическое определение вероятности.
5. Конечное вероятностное пространство.
6. Теорема сложения и умножения вероятностей для различных типов событий.
7. Формула полной вероятности и формулы Байеса.
8. Независимые испытания. Формула Бернулли.
9. Независимые испытания. Теорема Пуассона.
10. Независимые испытания: локальная и интегральная теоремы Лапласа.
11. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.
12. Закон распределения и характеристики дискретной случайной величины.
13. Биномиальное распределение. Математическое ожидание и дисперсия числа появлений события в независимых испытаниях.
14. Функции распределения и функция плотности непрерывной случайной величины.

15. Математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение непрерывной случайной величины.
16. Нормальное распределение.
17. Функция одного случайного аргумента. Нахождение закона распределения и характеристик.
18. Двумерная случайная величина, основные понятия.
19. Двумерное распределение. Вероятности попадания в полуполосу и прямоугольник.
20. Плотность совместного распределения, ее свойства и вероятностный смысл. Вероятность попадания в произвольную область.
21. Плотность вероятности составляющих двумерной случайной величины.
22. Условные законы распределения составляющих для системы дискретных и для системы непрерывных величин. Условное математическое ожидание.
23. Корреляционный момент.
24. Коэффициент корреляции.
25. Коррелированность и зависимость случайных величин.
26. Линейная регрессия.
27. Неравенства Маркова и Чебышева.
28. Закон больших чисел.
29. Центральная предельная теорема.
30. Общее представление о случайном процессе. Марковское свойство и марковский процесс.
31. Цепи Маркова с конечным числом состояний и дискретным временем.
32. Цепи Маркова с непрерывным временем.
33. Случайный процесс Бернули.
34. Случайный процесс Пуассона.
35. Случайная функция. Общие понятия.
36. Математическое ожидание случайной функции и его свойства.
37. Дисперсия случайной функции и ее свойства.
38. Математическая идея метода статистических испытаний.
39. Методы разыгрывания случайных величин.
40. Генеральная и выборочная совокупности, репрезентативность выборки.
41. Эмпирическая функция распределения, теорема Гливенко-Кантелли.
42. Выборочные характеристики и точечные оценки.
43. Статистическая устойчивость основных выборочных характеристик.
44. Асимптотически нормальный характер основных выборочных характеристик.
45. Эффективность оценок. Неравенство Рао-Фреше-Крамера.
46. Оценки математического ожидания по неравноточным наблюдениям.
47. Бета- и гамма- функции.
48. Распределение χ^2 .
49. Распределение Стьюдента.
50. Распределение Фишера.
51. Гамма-распределение.
52. Бетта-распределение.
53. Теорема Фишера.
54. Построение оценок. Метод моментов.
55. Построение оценок. Метод максимального правдоподобия.

56. Построение оценок. Метод наименьших квадратов.
57. Точные доверительные интервалы.
58. Асимптотические доверительные интервалы.
59. Проверка статистических гипотез. Основные определения.
60. Ошибки первого и второго рода, уровень значимости и мощность критерия.
61. Критерий отношения правдоподобия.
62. Проверка гипотез для одной выборки в предположении о нормальном распределении (при известном σ и при неизвестном σ).
63. Проверка гипотез для двух независимых выборок в предположении о нормальном распределении.
64. Проверка гипотез для двух зависимых выборок (парные наблюдения).
65. Критерий согласия χ^2 Пирсона и Фишера.
66. Критерий согласия Колмогорова.
67. Критерий U-Манна-Уитни, сравнение независимых выборок.
68. Критерий Вилкоксона, проверка гипотезы об однородности двух выборок.
69. Проверка гипотез о значимости выборочных коэффициентов ранговой корреляции Спирмена и Кендалла.
70. Понятие о дисперсионном анализе, задача сравнения нескольких средних.
71. Общая, факторная и остаточная дисперсии.
72. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.
73. Парная регрессионная модель.
74. Интервальная оценка функции регрессии, проверка значимости уравнения регрессии.
75. Нелинейная регрессия.
76. Множественный регрессионный анализ.
77. Выборочная оценка корреляционной матрицы.
78. Доверительные интервалы для коэффициентов и функции регрессии.
79. Оценка взаимосвязи переменных и проверка уравнения регрессии.

Критерии оценки:

высокий балл на зачете (20-30 баллов) выставляется за полный ответ по вопросам билета, а также развернутый и грамотный ответ на вопросы преподавателя, при этом допускаются незначительные недочеты, если обучающийся способен исправить их самостоятельно;

средний балл на зачете (10-20 баллов) выставляется при наличии недочетов в ответе по вопросам билета, если учащийся не может исправить все недочеты самостоятельно;

низкий балл на зачете (<10 баллов) выставляется при наличии явных недочетов и ошибок при ответе по вопросам билета (например, путает понятия или не может правильно сформулировать условие теоремы), которые не может исправить самостоятельно, либо не дал ни одного ответа на вопросы преподавателя.

Успеваемость по дисциплине оценивается по 100-балльной системе. Перевод баллов в оценки «зачтено», «не зачтено» осуществляется следующим образом:

52-100 баллов	<i>зачтено</i>
0-51 балл	<i>не зачтено</i>

8. Система оценивания планируемых результатов обучения

Балльная структура оценки

№	Форма контроля	Минимальное для аттестации количество баллов	Максимальное для аттестации количество баллов
1	Посещение занятий	2	5
2	Активная работа на практических занятиях	0	10
3	Индивидуальные практические задания	40	40
4	Реферат	0	15
5	Зачет	10	30
6	Всего	52	100

Оценка «зачтено» выставляется,

- студенту глубоко и прочно усвоившему программный материал, исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно его излагающему, в ответе которого увязывается теория с практикой, он показывает знакомство с литературой, правильно обосновывает и использует рациональные и современные средства решения поставленной проблемы.
- студенту, твердо знающему программный материал, грамотно и по существу излагающему его, который не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, правильно применяет теоретические положения при решении поставленной задачи.
- студенту, который знает только основной программный материал, но не усвоил особенностей, допускает в ответе неточности, некорректно формулирует основные законы и правила, затрудняется в выполнении практических задач.

Оценка «не зачтено» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает в ответе существенные ошибки, с затруднениями выполняет практические задания

9. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

9.1. Основная литература

1. Чжун, К. Л. Элементарный курс теории вероятностей. Стохастические процессы и финансовая математика / К. Л. Чжун, Ф. АитСахлиа ; перевод М. Б. Лагутин. — 4-е изд. — Москва : Лаборатория знаний, 2021. — 456 с. — ISBN 978-5-93208-572-1. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/109433.html>
2. Ваньков, Б. П. Теория вероятностей и математическая статистика : учебно-методическое пособие для проведения лабораторных работ / Б. П. Ваньков, В. С. Ванькова, Ю. М. Мартынюк. — Тула : Тульский государственный педагогический университет имени Л.Н. Толстого, 2021. — 109 с. — ISBN 978-5-6047370-3-3. —

Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/119696.html>

3. Элементы теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие / Т. А. Гулай, А. Ф. Долгополова, В. А. Жукова [и др.]. — 5-е изд. — Ставрополь : Ставропольский государственный аграрный университет, 2021. — 112 с. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/121746.html>

9.2. Дополнительная литература

1. Кремер Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебник для вузов. — 2-е изд., перераб. и доп. — М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2006. — 573 с.
2. Колемаев, В. А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебник для вузов / В. А. Колемаев, В. Н. Калинина ; под ред. В. А. Колемаев. — 2-е изд. — Электрон. текстовые данные. — М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2017. — 352 с. — 5-238-00560-1. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/71075.html>
3. Чудесенко В. Ф. Сборник заданий по специальным курсам высшей математики. — Санкт-Петербург: Лань, 2016. — 192 с. Ивченко Г. И., Медведев Ю. И. Введение в математическую статистику: Учебник. М.: Издательство ЛКИ, 2010. 600 с.
4. Гмурман В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. пособие. — 12-е изд., перераб. — М.: Высшее образование, 2007. — 479 с.: ил.
5. Гмурман В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб. пособие. — 11-е изд., перераб. — М.: Высшее образование, 2006. — 404 с.
6. Орлов А. И. Статистические методы [Электронный ресурс] // Сайт проф. А. И. Орлова «Высокие статистические технологии». URL: <http://orlovs.pp.ru/stat.php>

9.3. Программное обеспечение

1. Microsoft Office Excel
2. Microsoft Office 2010 Russian Academic OPEN, (бессрочная) (лицензия 61031351)
3. Microsoft Windows Professional 7 Russian Upgrade Academic OPEN, (бессрочная), (лицензия 60939880)
4. Статистический пакет PSPP (бесплатное ПО со свободной лицензией)
5. Статистический пакет iNZight (бесплатное ПО со свободной лицензией)

9.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий:

1. Математическая база знаний StatSoft (<http://statistica.ru/theory/>)
2. Математическая база знаний Wolfram MathWorld, раздел «Probability and Statistics» (<https://mathworld.wolfram.com>)
3. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам, разделы «Математика/Теория вероятностей» и «Математика/Математическая статистика» (<http://window.edu.ru/catalog/>)
4. Интернет-университет информационных технологий, раздел с курсами по математическим и прикладным дисциплинам (www.intuit.ru)
5. «Антиплагиат. ВУЗ». Лицензионный договор №194 от 22.03.2018 года
6. Официальный Web-сайт СахГУ. URL: <http://sakhgu.ru>

7. Система независимого компьютерного тестирования в сфере образования. URL: <http://i-exam.ru/>
8. Сайт научной электронной библиотеки eLIBRARY, URL: <http://elibrary.ru>
9. Сайт университетской библиотеки ONLINE, URL: <http://www.biblioclub.ru/>
10. Сайт электронно-библиотечной системы IPRbooks, URL: <http://www.iprbookshop.ru>

10. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебные и учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для слепых и слабовидящих:

- лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;
- обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;
- для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;
- письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;
- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

Для глухих и слабослышащих:

- лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;
- письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;
- экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;
- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для слепых и слабовидящих:

- в печатной форме увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла.

Для глухих и слабослышащих:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа.

Для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

Для слепых и слабовидящих:

- автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих;

- акустический усилитель и колонки;

Для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1;
- компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

11. Материально-техническое обеспечение дисциплины

1. Учебники и учебные пособия, имеющиеся в фондах библиотеки.
2. Доступ к Интернет-ресурсам.
3. Электронные и Интернет-учебники.

Материально-техническое обеспечение включает в себя специально оборудованные кабинеты и аудитории: компьютерные классы, аудитории, оборудованные мультимедийными средствами обучения.

Использование электронных учебников в процессе обучения должно обеспечиваться наличием вовремя самостоятельной подготовки рабочего места для каждого обучающегося в компьютерном классе, имеющего выход в Интернет, в соответствии с объемом изучаемой дисциплины.